

# Penelitian Perilaku Hubungan Frekuensi Kritis $F_0f2$ Ionosfer dengan Bilangan Sunspot R pada Periode Aktif Matahari Siklus KE-21 Tangerang

Rustam E.<sup>1</sup>, S.L. Manurung<sup>1</sup>, dan S.S. Wilson<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Bidang Matahari dan Lingkungan Antariksa, Puslitbang Pengetahuan Ionosfer LAPAN, Bandung

<sup>2</sup> Kepala Bidang Matahari dan Lingkungan Antariksa, Puslitbang Pengetahuan Ionosfer LAPAN, Bandung

**Abstrak.** Telah dilakukan penelitian perilaku hubungan statistik antara frekuensi kritis  $f_0f2$  daerah F2 ionosfer dengan bilangan sunspot R pada periode aktif matahari siklus ke-21. Hasil yang diperoleh menunjukkan : Koefisien koreasi linier :  $r = 0.945$  Standard deviasi  $\sigma = 1.73 \text{ MHz}$  Bentuk kurva fitting :  $f_0f2 = 0.0388R + 6.80 \text{ MHz}$  hipotesa terhadap distribusi data frekuensi kritis menunjukkan 98.574 % normal, sedangkan distribusi data bilangan sunspot R menunjukkan 97.558 % normal.

**Kata-kata kunci:**

daratan Cina. Dari hasil penelitiannya, Jiang Herong menyimpulkan bahwa korelasi linier yang paling baik antara bilangan sunspot R dengan frekuensi kritis lapisan F2 ionosfer Terjadi pada bilangan sunspot R dibawah 140.

Di pihak lain, Chen Zhong Sheng dan Shen Chang Shou, (1990) meneliti standard deviasi  $f_0f2$  lapisan ionosfer F2 pada berbagai stasiun daerah lintang tengah dan lintang tinggi. Hasil penelitian Sheng dan Shou ini menyimpulkan standard deviasi  $f_0f2$  pada daerah lintang tengah dapat mencapai 25 % harga rata-rata  $f_0f2$  sedangkan pada daerah lintang tinggi melebihi 25 % harga rata-rata.

Berdasarkan analisa statistik, prosedur penelitian hubungan statistik antara 2 jenis variabel random harus diawali dari penelitian sifat-sifat distribusi masing-masing variabel dengan cara hypothesa. Tujuan tes hipotesa untuk mengetahui berapa % sifat distribusi data mengikuti distribusi normal, sehingga dapat terdefinisi peluang data yang ada mempunyai harga dari minimal ke maksimalnya seian persen dapat ditentukan. Tes hipotesa normal ini dilakukan dengan bantuan tabel fungsi distribusi normal kumulatif. Prosedur selanjutnya menentukan sifat-sifat statistik masing-masing variabel bilangan sunspot R dan frekuensi kritis  $f_0f2$ , misalnya harga rata-rata statistik, standard deviasi, momen dan variasi.

Untuk mendapatkan hubungan linier antara bilangan sunspot R dan kritis  $f_0f2$  dipergunakan metoda least square orde 1, sehingga diperoleh kurva fitting yang menunjukkan hubungan linier antara R dan  $f_0f2$ .

## 3. Tes Hipotesa

Tes hipotesa distribusi data R dan  $f_0f2$  dilakukan dengan terlebih dahulu menentukan harga minimal, harga maksimal, harga tengah ( $U$ ), standard deviasi dan derajat kebebasan ( $n$ ) dari masing-masing data R dan  $f_0f2$ .

### 3.1. Tes Hipotesa Distribusi R

Dari data rata-rata bulanan bilangan sunspot R selama periode aktif matahari siklus ke-21, diperoleh hasil :

$$\text{Harga minimal R} : R_{\min} = 33.3$$

$$\text{Harga maksimal R} : R_{\max} = 188.4$$

$$\text{Standard deviasi} : \sigma = 39.29$$

## 2. Tinjauan Pustaka

Pada periode aktif matahari (1979-1983) siklus ke-21, Jiang Herong et al (1990) telah meneliti pengaruh bilangan sunspot R pada variasi frekuensi daerah F2 ionosfer dan pada kandungan total elektron (total electron content, TEC) lapisan F2, dan didasarkan dari hasil observasinya pada 7 buah stasiun observasi yang berbeda-beda dan tersebar diberbagai lokasi di

Naskah pasca-cetakan dapat diminta kepada: Rustam

Harga tengah :  $u = 110.85$   
 Derajat kebebasan :  $n = 1$   
 Dari rumus tes hipotesa :

$$\sqrt{n} \frac{R_{\min} - u}{\sigma} \leq t \leq \frac{R_{\max} - u}{\sigma} \sqrt{n}$$

diperoleh harga  $t$  berada pada interval  $(-1.97; +1.97)$ , sehingga dari tabel fungsi distibusi normal kumulatif, diperoleh hasil distribusi data  $R$  bersifat normal dengan tingkat kepercayaan 97.558 %.

### 3.2. Tes Hipotesa Distribusi $f_0f2$

Dari data rata-rata bulanan frekuensi kritis  $f_0f2$  ionosfer stasiun Tangerang diperoleh hasil :

Harga  $f_0f2$  minimal :  $f_0f2_{\min} = 6.90$  MHz  
 Harga  $f_0f2$  maksimal :  $f_0f2_{\max} = 14.50$  MHz  
 Standard deviasi :  $\sigma = 1.73$  MHz  
 Harga tengah :  $u = 10.7$  MHz  
 Derajat kebebasan :  $n = 1$

Dengan rumus tes hipotesa diperoleh harga  $t$  terletak pada interval  $(-2.19, +2.19)$ . Dari tabel fungsi distribusi normal kumulatif, diperoleh sifat normal (Gaussian) dari  $f_0f2$  mempunyai tingkat kepercayaan 98.574 %.

## 4. Perilaku Hubungan Linier Antar Bilangan Sunspot R dengan Frekuensi Kritis $f_0f2$

Perilaku hubungan linier antara bilangan sunspot  $R$  dan frekuensi kritis  $f_0f2$  daerah F2 ionosfer pada periode aktif matahari siklus ke-21, dapat diamati dari bentuk kurva fitting hubungan  $R$  sebagai variabel bebas dan  $f_0f2$  sebagai variabel dependent. Parameter linier yang menentukan bentuk kurva fitting dan sifat-sifat statistik hubungan kedua variabel  $f_0f2$  dan  $R$  adalah :

Koeffisien polinom :

$$a = \frac{\bar{S}_I}{\bar{S}_R} \cdot r = 0.039 \quad (4-1)$$

$$b = f_0f2 - a R = 6.80 \quad (4-2)$$

di mana  $S_I$  dan  $S_R$  berturut-turut harga rata  $f_0f2$  dan  $R$ . Dan  $r$  = koefisien korelasi linier :

$$r = \frac{\bar{S}_{IR}}{\bar{S}_I \cdot \bar{S}_R} = 0.945 \quad (4-3)$$

di mana  $\bar{S}_{IR}$  = momen.

Standard deviasi

$$f_0f2 = \sqrt{\frac{\sum (f_0f2 - \bar{f}_0f2)^2}{N}} \quad (4-4)$$

Grafik hubungan antara  $R$  dan  $f_0f2$  ditunjukkan oleh gambar 1 dibawah ini :

## 5. Analisa dan Kesimpulan

Hubungan linier antara bilangan sunspot  $R$  dan frekuensi kritis  $f_0f2$  pada periode aktif siklus ke-21, ditunjukkan oleh persamaan:

$$f_0f2 = 0.039 R + 6.8 \text{ MHz} \quad (5-1)$$

Persamaan (5-1) ini menyimpulkan hubungan antara harga  $R$  pada golongan IV (180-240) dipenuhi oleh  $f_0f2$  (14-16.4) MHz. Untuk  $R$  golongan III (120-179) dipenuhi oleh  $f_0f2$  (11.6-13.9) MHz. Untuk  $R$  golongan II (60-119) dipenuhi oleh  $f_0f2$  (9.2-11.5) MHz dan untuk  $R$  golongan I (0-59) diperoleh  $f_0f2$  (6.8-9.1) MHz.

Standard deviasi frekuensi kritis  $f_0f2$  sebesar 1.73 MHz berada kurang dari 25 % harga rata-rata  $f_0f2$  sebesar 11.72 MHz. Sesuai dengan C.Z. Sheng dan S.C. Shou, 1990, apabila standard deviasi  $f_0f2$  pada daerah lintang rendah berada dibawah 25 % harga rata-rata  $f_0f2$  maka fenomena ini adalah normal terjadi.

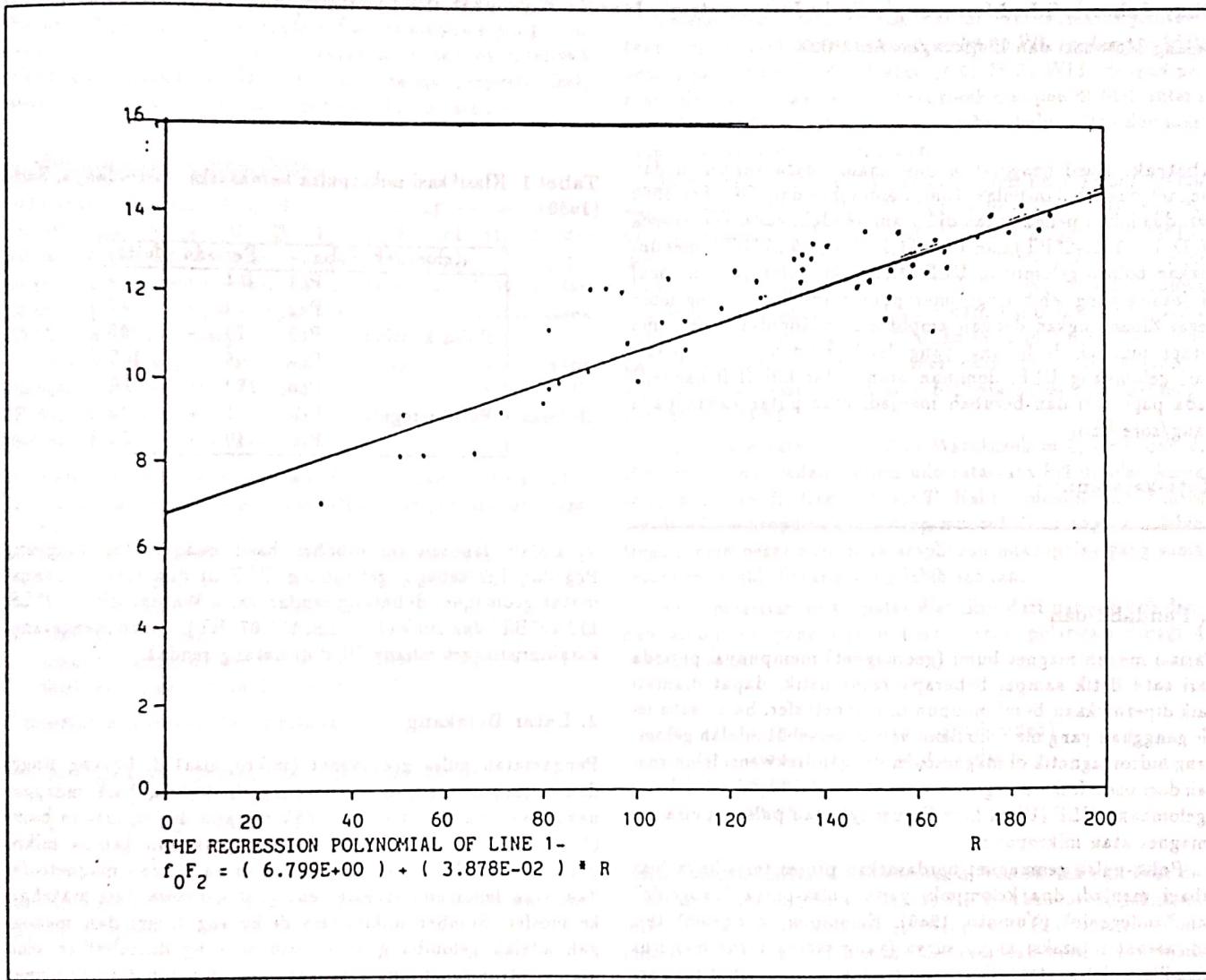
Selanjutnya dari hasil tes hipotesa dimana sifat distribusi data  $R$  memiliki tingkat kepercayaan normal 97.558 % dan sifat distribusi data  $f_0f2$  memiliki tingkat kepercayaan 98.558 % ini menunjukkan kurva fitting antara harga  $R$  dan  $f_0f2$  yang diperoleh memiliki sifat smoothing yang tinggi dan dari koefisien korelasi linier  $r = 0.945$  juga menyatakan hubungan linier antara  $R$  dan  $f_0f2$  yang diperoleh sangat ideal.

Dari analisis ini, disarankan hasil kurva fitting pada persamaan (5-1) di atas dapat dijadikan tolok ukur untuk memprakirakan harga frekuensi kritis  $f_0f2$  jika harga bilangan sunspot  $R$  telah teramati.

## Daftar Pustaka

- Jiang Herong *et al.* 1990, "Seasonal Variation Of the  $f_0f2$  and TEC", *Yunnan Observatory Supplemen* 1990, 49-56  
 Kamide, L., Slavin J.A. 1986, "Solar Wind Magnetosphere Coupling", Terra Scientific Publ.Co., Japan.  
 Rishbeth, H., Garriot, O.K. 1969, "Introduction to Ionosphere Physics", Academic Press, New York.  
 Grabe, E.M., Ramo, S., Wooldridge, D.E. 1988, "Hand Book of Automation Computation and Control", Vol.I, John Wiley & Son Inc, New York.

Makalah ini diolah dengan  $\textcircled{C}$  1993 LAPAN LATEX style file.



**Gambar 1.** Grafik hubungan antara R dan  $f_0f_2$

metode ini dikenal dengan metode regresi polinomial. Dalam metode ini, kita mencari persamaan garis yang paling dekat dengan titik-titik data. Garis yang paling dekat dengan titik-titik data disebut garis regresi. Untuk menentukan persamaan garis regresi, kita perlu mengetahui dua hal, yaitu persamaan garis regresi dan nilai koefisien korelasi. Persamaan garis regresi dituliskan dalam bentuk  $y = mx + c$ , di mana  $m$  adalah kemiringan garis dan  $c$  adalah intercept garis. Koefisien korelasi dituliskan dalam bentuk  $R$ . Metode regresi polinomial ini sering digunakan dalam analisis data untuk mengetahui hubungan antara dua variabel yang bersifat nonlinier.

Untuk mendekati hasil akhir dari persamaan garis regresi, kita perlu mengetahui nilai  $m$  dan  $c$ . Untuk mengetahui nilai  $m$ , kita perlu menghitung kemiringan garis ( $m$ ) dengan menggunakan rumus  $m = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$ . Untuk mengetahui nilai  $c$ , kita perlu menghitung intercept garis ( $c$ ) dengan menggunakan rumus  $c = \bar{y} - m\bar{x}$ .

Pada gambar 1, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.

Dari grafik tersebut, kita dapat melihat bahwa titik-titik data yang diberikan menunjukkan adanya hubungan yang kuat antara  $R$  dan  $f_0f_2$ . Hubungan ini dapat dilihat dari pola titik-titik data yang membentuk garis yang hampir lurus.